



Ministry of Science, Research and Technology  
Institute for Color  
Science & Technology

Available online @ [www.jscw.icrc.ac.ir](http://www.jscw.icrc.ac.ir)  
Journal of Studies on Color World, 14, 2(2024), 119-132  
Article type: Review article  
Open access

مطالعات دنیای رنگ  
Journal of Studies in Color World  
[www.jscw.icrc.ac.ir](http://www.jscw.icrc.ac.ir)

## Metamaterials and Invisibility

Sousan Rasouli

Department of Nanomaterial and Nanocoating, Institute for Color Science and Technology, Tehran, Iran, P. O. Box: 167654-654.

### ARTICLE INFO

#### Article history:

Received: 22- 10- 2023

Accepted: 27- 02-2024

Available online: --2024

Print ISSN: 2251-7278

Online ISSN: 2383-2223

DOI: [10.30509/JSCW.2024.82000](https://doi.org/10.30509/JSCW.2024.82000)

#### Keywords:

Metamaterials,

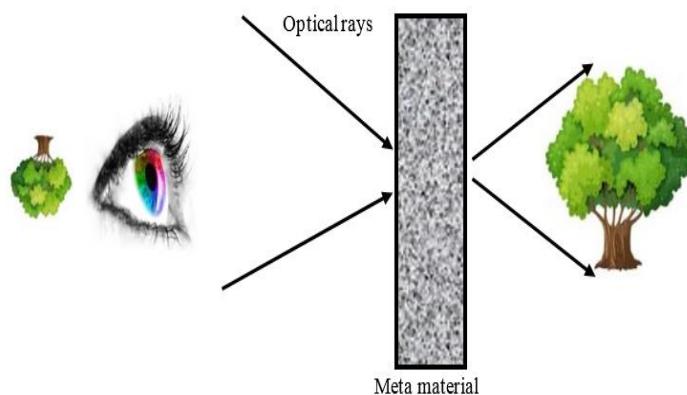
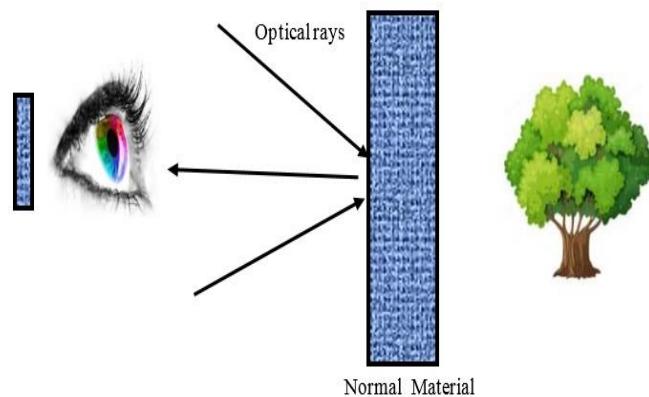
Refractive index

Invisibility

Surface plasmon

### ABSTRACT

Invisibility is one of the aspirations of human beings that the optics and materials have made, and metamaterials make this achievable. Metamaterials have amazing optical properties, including a negative refractive index, which are not found in nature and must be prepared with special techniques. Normally, the light that hits an opaque object is reflected from it and becomes visible. Metamaterials transform this two-way relationship between light and objects so that the light changes its direction around the object without being reflected and passing through it. In this case, the object becomes invisible because no light is visible. In this article, general information about how objects become invisible and methods of preparing metamaterials will be presented by using the principles of light physics and explaining the phenomena of light refraction and surface plasmon.



Corresponding author: [rasouli@icrc.ac.ir](mailto:rasouli@icrc.ac.ir)



This work is licensed under a Creative Commons Attribution 4.0 International License



## فرامواد و پدیده نامرئی شدگی

سوسن رسولی

دانشیار، گروه پژوهشی نانوفناوری رنگ، پژوهشگاه رنگ، تهران، ایران، صندوق پستی: ۱۶۷۶۵۴-۶۵۴.

### چکیده

نامرئی شدن یکی از آرزوهای دیرین بشر بوده که امروزه علوم بینایی و نانومواد با پیشرفت‌های وسیع خود آنرا ممکن کرده است و این امر با استفاده از فرامواد (متامتریال) ممکن‌پذیر شده است. فرامواد، که در طبیعت یافت نشده و ساخته دست بشر می‌باشند دارای خواص نوری شگرفی از جمله ضریب شکست منفی هستند. در حالت عادی نوری که به جسم غیرشفاف برخورد می‌کند از آن بازتاب شده و به چشم بر می‌خورد. فرامواد این رابطه دو طرفه نور و اشیاء را دچار تغییر و تحول می‌کنند بنحوی که نور بدون اینکه بازتاب شود در اطراف جسم تغییر جهت داده و از آن عبور می‌کند. در این حالت چون نوری به چشم نمی‌رسد جسم نامرئی می‌شود. در این مقاله با استفاده از اصول فیزیک نور و توضیح پدیده شکست نور و پلاسمون سطح، کلیاتی در مورد نحوه نامه‌شدن اجسام و روش‌های تهییه فرامواد ارائه خواهد شد.

### اطلاعات مقاله

تاریخچه مقاله:

۱۴۰۲/۰۷/۳۰

تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۱۲/۰۸

در دسترس به صورت الکترونیکی: ۱۴۰۲/۱۲/

شاپا چاپی: ۲۲۵۱-۷۲۷۸

شاپا الکترونیکی: ۲۳۸۳-۲۲۲۳

DOI: 10.30509/JSCW.2024.82000

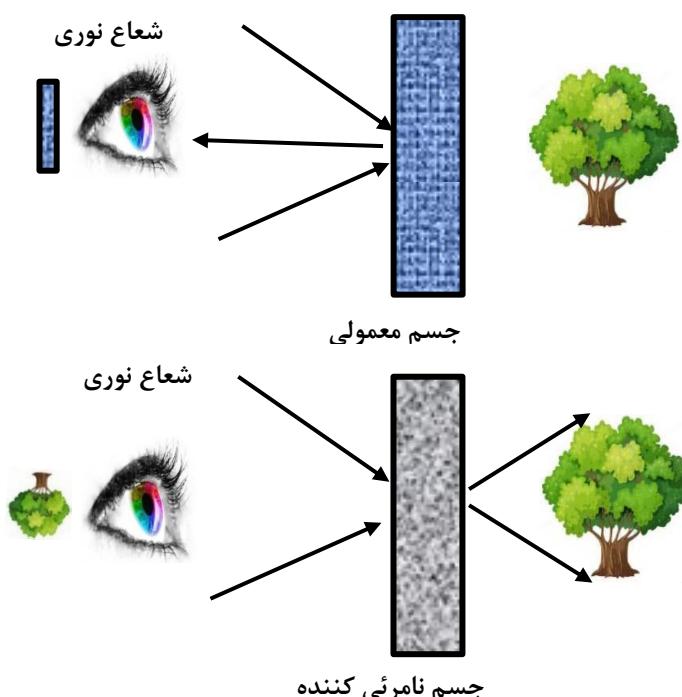
### واژه‌های کلیدی:

فرامواد

ضریب شکست

پلاسمون سطح

نامرئی شدگی



در این مقاله به تئوری‌های مربوط به شناخت نور و شکست آن، ضریب شکست، فرامواد، پدیده پلاسمون و ارتباط آنها با یکدیگر در بحث نامرئی‌کنندگی پرداخته شده است. در واقع، شناخت ماهیت فرامواد و عملکرد پدیده نامرئی شدن ارتباط مستقیمی با شناخت تئوری‌های ذکر شده داشته و علوم مربوط به نانوفناوری و نانومواد دارد زیرا ویژگی‌های استثنایی فرامواد فقط در محدوده ابعاد نانومتری مواد ایجاد می‌شوند.

## ۲- نور

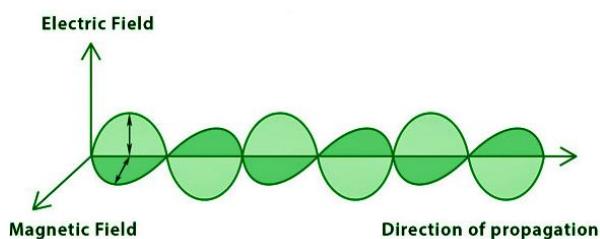
### ۲-۱- امواج الکترومغناطیسی

نور به عنوان نوعی انرژی الکترومغناطیسی شناخته می‌شود که معمولاً با عنوان امواج الکترومغناطیسی توصیف می‌شود به این مفهوم که شامل دو بردار الکتریکی و مغناطیسی می‌باشد (شکل ۲). این امواج برای انتشار نیازی به محیط مادی ندارند (۳).

نور در طبیعت، در طول موج‌های مختلف مشاهده می‌شود، اما مهم‌ترین آن، نور سفید است که ترکیبی از سایر طول موج هاست. طیف مرئی طیفی است که با چشم انسان دیده شده و محدوده طول موج آن از  $400\text{ nm}$  تا  $700\text{ nm}$  است (شکل ۲). نورهای با طول موج کمتر از  $400$  نانومتر را اصطلاحاً فرابنفش و نورهای با طول موج بیشتر از  $700$  نانومتر را فروسرخ می‌نامند. هرچه انرژی طول موجی کمتر باشد کمتر شکسته می‌شود (رابطه مستقیم) و به همین دلیل است که در طیف مرئی خارج شده از منشور رنگ آبی و بنفش بیشترین شکست و قرمز کمترین شکست را دارند. هر چقدر طول موج کمتر باشد، بسامد یا بسامد بیشتر است و طبق رابطه، انرژی فوتون‌های نور انشتین  $E=nhf$  انرژی نیز بیشتر خواهد شد. به همین علت پرتوهای نوری بنفش، پر انرژی‌تر از پرتوهای نور قرمز هستند ( $n=h$ -ثابت پلانک هست). نور قرمز دارای بیشترین طول موج ( $700$  نانومتر) و کمترین انرژی بوده و نور بنفش دارای کمترین طول موج ( $400$  نانومتر) و بیشترین انرژی می‌باشد (۳).

### ۲-۲- ضریب شکست:

هر ماده‌ای که با نور برهم‌کنش داشته باشد، دارای ضریب شکست است.



شکل ۲: امواج الکترومغناطیسی (۳).

Figure 2: Electromagnetic waves [3].

### ۱- مقدمه

از گذشته‌های دور نامرئی شدن یکی از آرزوهای بشر بوده، که درباره آن خیال‌بافی کرده و داستان‌های تخیلی فراوانی نوشته و فیلم‌های بسیاری نیز در این مورد ساخته شده است. اولین دستاورده در این زمینه، تهیه شنل نامرئی‌کننده بوده است (شکل ۱). هنگامیکه نور به جسمی غیر شفاف برخورد می‌شود می‌شود تبدیل می‌شود سپس بخش از نور توسط جسم جذب شده و به گرما تبدیل می‌شود و موجب دیده اعظم نور از جسم بازتاب می‌شود که به چشم رسیده و موجب دیده شدن جسم می‌شود. در مورد شنل نامرئی‌کننده، نور بدون جذب یا بازتاب آن، به طور یکسان به اطراف شی هدایت شده و با این سازوکار توانایی غیرآشکار کردن آن شی ممکن می‌شود (۱).

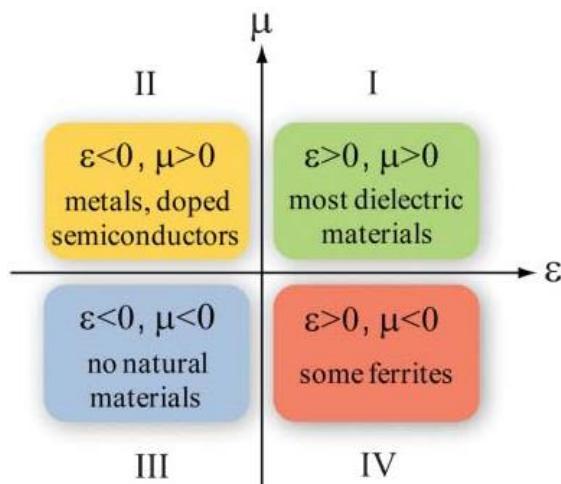
امروزه علوم بینایی با پیشرفت‌های وسیع، توانایی تحقق این آرزوی بشر را ممکن کرده است. این امر با استفاده از فرامواد<sup>۱</sup> امکان پذیر شده است (۲). فرامواد که در طبیعت یافت نشده و دارای خواص نوری ویژه‌ای از جمله ضریب شکست منفی هستند با دستکاری نور موجب پدیده نامرئی شدن می‌شوند. با توجه به اینکه مشاهده اجسام از طریق برخورد نور با چشم انسان رخ می‌دهد در نتیجه شناخت کاملی از نور و عوامل وابسته، در شناخت پدیده نامرئی کردن بسیار کارساز می‌باشد (۲).



شکل ۱: مثال‌هایی از شنل نامرئی‌کننده (۱).

Figure 1: Examples of invisible cloaks [1].

<sup>1</sup> Metamaterial



شکل ۳: حالت‌های مختلف گذردهی الکتریکی یا نفوذ پذیری مغناطیسی منفی<sup>(۶)</sup>.

Figure 3: Material classification in function of  $\epsilon$  and  $\mu$  [6].

فرامواد که بنام مواد چپگردان نیز شناخته می‌شوند (در مقابل مواد عادی که بنام راستگردان شناخته می‌شوند) به موادی اطلاق می‌شوند که دارای ضریب شکست منفی باشند. مواد با ضریب شکست منفی اثری کاملاً متفاوت با مواد با ضریب شکست مثبت دارند. مواد معمولی دارای ضریب شکست مثبت می‌باشند. این نوع مواد (مثل آب و شیشه) مانند تصویر سمت چپ شکل ۴ پرتو را در همان راستای حرکتش جابجا می‌کند اما مواد با ضریب شکست منفی مانند تصویر سمت راست شکل ۴ پرتو را در خلاف جهت حرکتش جابجا می‌کنند<sup>(۷)</sup>.

### ۳-۲-پدیده پلاسمون سطحی

یک ساختار پلاسمون شامل یک هسته دیالکتریک و یک پوسته فلزی است. پلاسمون نوسانات جمعی الکترون‌های لایه هدایت فلز (در مرز هسته - پوسته دیالکتریک - فلز) در هنگام عبور فوتون پر انرژی است، در سال ۱۹۵۶، گروهی از پژوهشگران به صورت تحلیلی دلیل افت سریع انرژی فوتون‌ها در هنگام عبور از فلزات را بررسی نمودند و نتیجه گرفتند که این انرژی صرف حرکت تجمعی و نوسان گونه الکترون‌های آزاد فلز می‌شود و آن را پلاسمون نامیدند. دلیل این نام گذاری شباهت این نوسانات الکترون‌ها با نوسان‌های ذرات محیط پلاسمما بود<sup>(۸-۹)</sup>. در یک نمای کلی پلاسمون‌ها می‌باشد. پدیده پلاسمون دلیل برآقیت سطح برخی فلزات صیقلی بوده و نقش عمده ای در خواص نوری فلزات ایفا می‌کند (شکل ۵)<sup>(۱۰)</sup>.

این مشخصه، ثابت و بدون بعد بوده و چگونگی سرعت حرکت نور از یک محیط خاص را نسبت به سرعت حرکت نور از یک محیط مرجع (معمولًا خلاء یا هوا) را توصیف می‌کند. هر چه چگالی نوری محیط کمتر باشد، سرعت نور در داخل محیط بیشتر شده و ضریب شکست آن کاهش می‌یابد<sup>(۴)</sup>. ضریب شکست اجسام به بسامد نور برخورد کرده بستگی دارد. در نتیجه به رنگ نور هم بستگی دارد. به عنوان مثال برای آب ضریب شکست ۱/۳۳ برای رنگ زرد است که طول موج آن معادل ۵۸۹/۲۹ نانومتر است. وقتی نوری از جسم خارج می‌شود، زاویه انتشار آن نیز نسبت به زاویه اولیه برخورد با محیط فرق خواهد کرد که این تغییر زاویه منجر به شکست نور می‌شود. با اندازه‌گیری زاویه برخورد نور با محیط جدید و زاویه شکست می‌توان ضریب شکست را نیز محاسبه کرد<sup>(۴)</sup>.

در علوم نوری ضریب شکست یک ماده به طور معمول به صورت رابطه ۱ تعریف می‌شود.

$$n = c/v \quad (1)$$

در رابطه ۱،  $c$  سرعت نور در خلا و  $v$  سرعت موج تخت الکترومغناطیسی در محیط است. با استفاده از رابطه‌های ماکسول می‌توان نشان داد که ضریب شکست یک محیط به صورت زیر به گذردهی الکتریکی نفوذ پذیری مغناطیسی نسبی  $n$  آن ماده مربوط می‌شود (رابطه ۲):<sup>(۵)</sup>

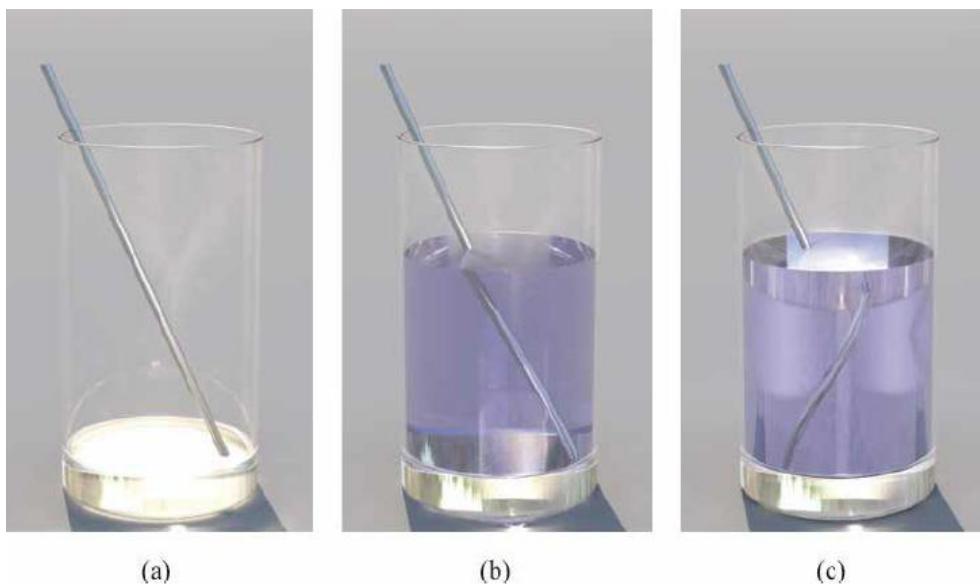
$$n = \sqrt{\epsilon \mu} \quad (2)$$

در این رابطه هرگاه یکی از مولفه‌های گذردهی الکتریکی یا نفوذ پذیری مغناطیسی منفی باشد ضریب شکست منفی خواهد شد. اکثر فلزات براق در بسامدهای نوری گذردهی الکتریکی منفی دارند. اگر فلز را به صورت مجموعه‌ای از الکترون‌های آزاد در زمینه‌ای از بارهای مثبت در نظر بگیریم می‌توان نشان داد گذردهی الکتریکی فلز از رابطه ۳ حاصل می‌شود<sup>(۴)</sup>:

$$\epsilon(\omega) = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega(\omega + i\gamma)} \quad (3)$$

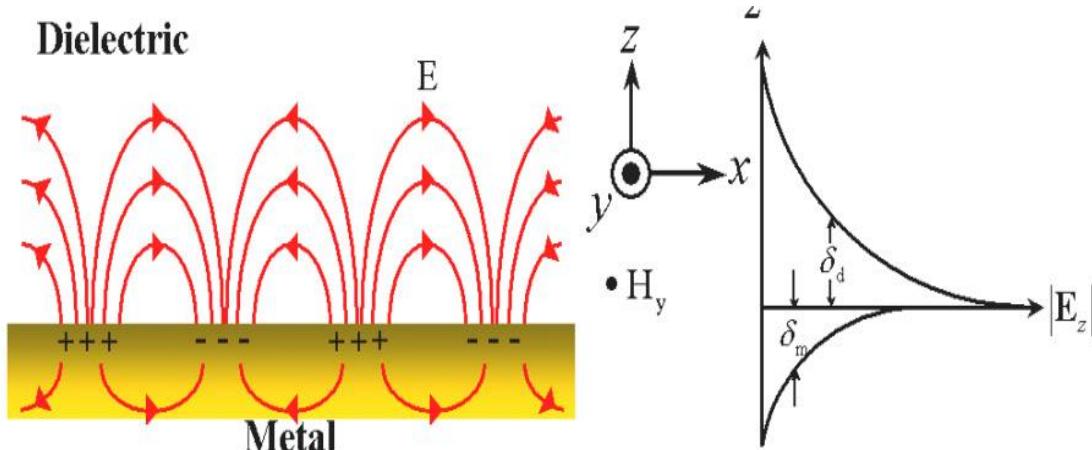
در رابطه ۳،  $\omega_p = \sqrt{\frac{ne^2}{m_e \epsilon_0}}$  بسامد پلاسمای الکتریکی است که برای بیشتر فلزات در ناحیه فرابنفش قرار دارد. با توجه به رابطه فوق برای بسامدهای کمتر از بسامد پلاسمون، گذردهی الکتریکی فلز منفی است.

در مواجهه با میدان الکترومغناطیسی و با توجه به مثبت یا منفی بودن گذردهی الکتریکی و نفوذ پذیری مغناطیسی منفی چهار حالت مختلف در مواد متصور می‌باشد که در شکل ۳ نشان داده شده است<sup>(۶)</sup>.



شکل ۴: تفاوت شکست نور در ماده‌ای با ضریب شکست منفی و ماده‌ای با ضریب شکست مثبت. ظرف وسط با آب معمولی با ضریب شکست مثبت  $1/3$  پر شده و ظرف سمت راست با آبی که ضریب شکست آن منهای  $1/3$  است پر شده است (Y).

**Figure 4:** (a) Calculated ray-tracing image of a metal rod in an empty drinking glass. (b) Same scenery, but the glass is filled with normal water,  $n=1.3$ , leading to ordinary refraction. (c) The water is replaced by “water” with a fictitious refractive index of  $n=-1.3$  [7].



شکل ۵: انتشار پلاسمون سطحی در مرز فلز-دی الکتریک (۱۰).

**Figure 5:** Surface plasmons propagating along the interface between a metal and dielectric [10].

آنگاه پدیده تشیدید پلاسمون سطحی<sup>۱</sup> (SPR) اتفاق می‌افتد. در این شرایط، میدان الکترومغناطیس در فضایی بسیار کوچک در حدود ۱۰۰ نانومتر مکعب متراکز می‌شود. از آنجا که نانوذرات دارای تعداد زیادتری اتم‌های سطحی در مقایسه با اتم‌هایی که درون حجم آن‌ها قرار دارند می‌باشند در پاسخ به میدان‌ها و نیروهای خارجی اثراتی را نشان می‌دهند که وابسته به اندازه و شکل ذره و به همان نسبت به ثابت دی الکتریک محیط و فلز می‌باشد. تغییرات اندک در

اگر بسامد نوری که به فلز برخورد می‌کند کمتر از بسامد پلاسمون باشد بازتاب می‌شود، زیرا الکترون‌های فلز سپر میدان الکتریکی نور می‌شوند. چنانچه بسامد نور بالاتر از بسامد پلاسمون باشد عبور می‌کند، زیرا الکترون‌ها نمی‌توانند به اندازه کافی سریع بوده و مانند سپر میدان الکتریکی نور را دفع کنند. بسیاری از فلزات، که بسامد پلاسمونی آن‌ها در ناحیه فرابینش است، در ناحیه مرئی برآق (بازناینده) هستند (۱۱).

حالت سومی هم وجود دارد که در آن بسامد نوسان پلاسمون ایجاد شده با بسامد امواج الکترومغناطیس برخورده همسان باشد

<sup>۱</sup> Surface Plasmon Resonance (SPR)

شدت جذب قابل مشاهده است (شکل ۶) (۱۱).

مهمترین کاربردهای فناوری تشید پلاسمون سطحی در تشخیص نشانگرهای زیستی در تشخیص سرطان، تشخیص واکنش‌های مولکول زیستی در داروسازی، تشخیص ویروس، باکتری و سوم زیستی، تشخیص آلاینده‌های هوا، مونواکسید کربن و ترکیبات گوگرددار، تشخیص مواد مخدر و دوینگ و تعیین گلوکز در تشخیص بیماری‌های دیابت دارند (۱۲-۱۶).

### ۳- فرامواد

#### ۱-۳- فیزیک مواد با ضریب شکست منفی

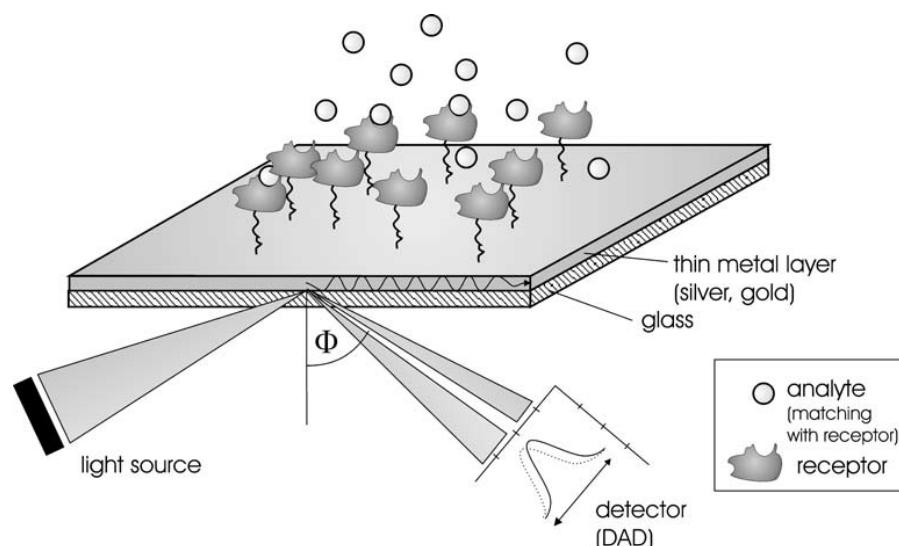
در سال ۱۹۶۸ یک فیزیکدان روسی به نام ویکتور وزلاگو از نظر تئوری ثابت کرد که می‌توان موادی با ضریب شکست منفی تهیه کرد. در این مواد دو شرط لازم و اساسی باید به طور همزمان وجود داشته باشد و آن هم دارا بودن ضریب نفوذ پذیری مغناطیسی ( $\mu$ ) منفی و گذردهی الکتریکی ( $\epsilon$ ) منفی بطور همزمان است (طبق رابطه (۲)). (۱۷).

در سال‌های اخیر، با پیشرفت‌های جدید در ساخت مواد الکترومغناطیسی، تولید مواد با ضریب شکست منفی، با گذردهی الکتریکی ( $\epsilon$ ) و نفوذ پذیری مغناطیسی ( $\mu$ ) منفی، در گستره ای از بسامدها امکان پذیر شده است. مفهوم ضریب شکست منفی با ایجاد مفاهیم جالب و جدید، علوم بینایی را گسترش داده است. یک مثال جالب، بحث عدسی کامل است که امکان تصویرسازی با ابعاد زیر طول موج را فراهم می‌کند.

دی‌الکتریک اطراف نانو حجم، بر روی تشید پلاسمون‌های سطحی اثر می‌گذارد، به طوری که این تغییرات خود را در میزان پرتو پراکنده شده، پرتو جذب شده یا تغییر طول موج آن نشان می‌دهد. مهم‌ترین نانوذرات فلزی که در کاربردهای تشید پلاسمون مورد نظر هستند عمدها شامل طلا، نقره و مس می‌باشد (۱۰).

#### ۴- کاربردهای پدیده پلاسمون سطحی

پدیده تشید پلاسمون سطحی، برانگیختگی جمعی الکترون‌های آزاد فصل مشترک فلز و دی‌الکتریک می‌باشد. این برانگیختگی ناشی از برهمکنش امواج الکترومغناطیسی در ناحیه مرئی با الکترون‌های آزاد نانو ذرات طلا و نقره یا مس می‌باشد. امروزه کاربرد این پدیده در شناسایی و آشکارسازی مواد، گازهای شیمیایی و مولکول‌های بیولوژیکی موضوع مهم تحقیقات بین رشته‌ای علوم پایه، فنی مهندسی و علوم پزشکی است. با تغییر اندازه ذرات و نیز ساختار پوسته فلزی طول موج نوری که در آن پلاسمون و تشید نور اتفاق می‌افتد تغییر پیدا می‌کند. موقعیت و شدت پیک‌های جذب و گسیل پلاسمون، متأثر از جذب سطحی مولکول‌ها هستند، که در حسگرهای مولکولی می‌توانند استفاده شوند. برای مثال، به طور کاملاً عملیاتی دستگاه نمونه اولیه تشخیص کازئین موجود در شیر ساخته شده است. دستگاه براساس شناسایی تغییر در جذب لایه طلا کار می‌کند. پلاسمون‌های سطحی موضعی نانوذرات طلا می‌توانند برای شناسایی انواع مختلف مولکول‌ها، پروتئین‌ها و غیره استفاده شوند. در این روش پاسخ الکtron‌های آزاد نانو ذرات به میدان الکترومغناطیسی در حضور مولکول‌های زیستی به صورت تغییرات در طول موج و



شکل ۶: اندرکش ماده مورد آزمون و نور تاییده شده توسط گیرنده بررسی شده و توسط صفحه نمایش داده می‌شود (۱۱).

**Figure 6:** The interaction between an analyte and a receptor can be monitored by analysis of the reflected light [11].

نور برخورد کننده بوده و جریان‌های نوسانی از مدل تشدید اتمی پیروی می‌کنند. در فرامواد غیرمرتعش شونده اندازه ساختارهای تشکیل‌دهنده بسیار کمتر از اندازه طول موج نور برخورد کننده است. در فرامواد غیر رزونانسی هیچ جریانی نوسان نمی‌کند یا موجی پراکنده نمی‌شود، به علاوه اغماض بیشتری در برابر تغییر شکل‌های ساختاری در آن‌ها مشاهده می‌شود. در شکل ۷ چهار گروه مشخص از فرامواد بر اساس نوع کاربرد نمایش داده می‌شود (۱۸).

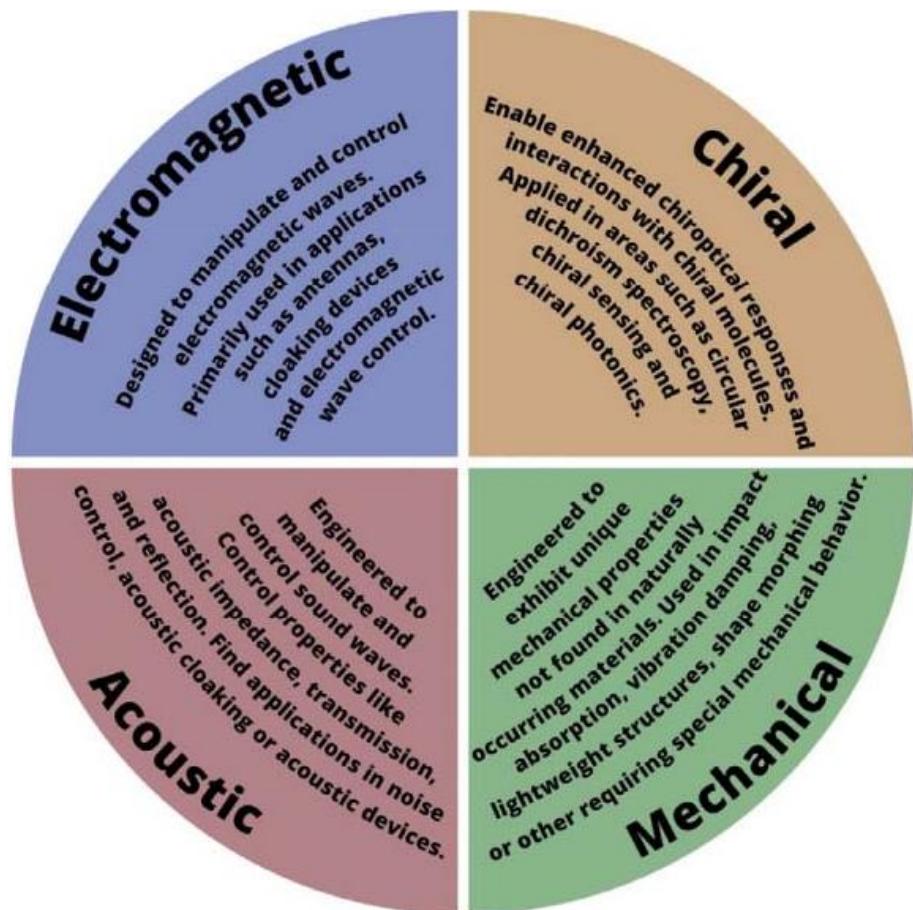
### ۳-۳- فرامواد پلاسمونیک

فرامواد پلاسمونیک خواص استثنایی نوری خود را نه به واسطه ساختار عنصری یا شیمیائی بلکه به واسطه شکل منظم و تکرارشده واحدهای ساختمانی خود کسب می‌کنند.

امواج الکترومغناطیسی از دو مولفه میدان الکتریکی و میدان مغناطیسی تشکیل شده‌اند که میدان الکتریکی صرفاً با حضور بار الکتریکی در محل ایجاد می‌شود. یکی از مشخصه‌های نور که علت برخی پدیده‌های نوری مانند شکست نور را توضیح می‌دهد، سرعت نور است. سرعت نور در محیط‌های مختلف متفاوت است که بیشترین آن در خلاء و یا به طور تقریبی در هواست. این سرعت در داخل ماده به شاخص‌های متفاوتی - بر حسب حالت و خواص الکترومغناطیسی ماده وابسته است (۵).

### ۲-۳- انواع فرامواد

فرامواد در دو دسته مرتعش‌شونده<sup>۱</sup> و غیرمرتعش‌شونده<sup>۲</sup> قرار می‌گیرند. فرامواد مرتعش‌شونده شامل مواد چپ‌گردان و با ضربه شکست کمتر از یک بوده در حالی که فرامواد غیر مرتعش‌شونده شامل مواد همسانگرد<sup>۳</sup> و مواد هذلولی<sup>۴</sup> می‌باشند. در فرامواد مرتعش‌شونده اندازه ساختارهای تشکیل‌دهنده یک دهم طول موج



شکل ۷: چهار گروه مختلف فرامواد (۱۸).

**Figure 7:** Figure 1. Overview of electromagnetic, chiral, acoustic, and mechanical metamaterials [18].

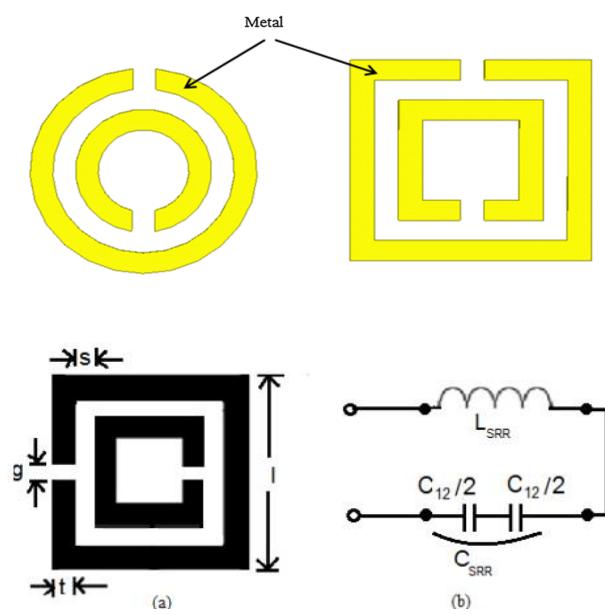
صورت سه بعدی قرار گیرند. در شکل ۹ ساختار ایده‌آل یک سیستم سه بعدی برای ایجاد ضریب شکست منفی در تمامی جهات نشان داده شده است (۲۱).

از نظر تئوری، سیستمی شامل یک لایه از فرامواد (با شکل منظم تکرار شونده) قرار گرفته بر روی یک لایه دی الکتریک به عنوان "پلاسمونیک فرامواد" نامیده می شود که توانائی دستکاری کردن امواج الکترومغناطیس نور و در نتیجه ایجاد ضریب شکست منفی را دارد (۲۱).

در "فرامواد پلاسمونیک" سطوح پلاسمونیک ایجاد می شوند. سطوح پلاسمونیک موقعی در سطح فلزات ایجاد می شوند که نور (با یک طول موج و انرژی مشخص) با الکترون‌های آزاد واقع در سطح فلز اندرکنش داده و این عمل منجر به ایجاد میدان الکترومغناطیسی ثانویه‌ای (علاوه بر بردار مغناطیسی نور) می شود که در طول مسیر سطح تماس فلز-دی الکتریک حرکت می کند. این میدان ثانویه موجب پلاریزه کردن موقت لایه دی الکتریک می شود (۲۱).

#### ۴- اساس و تئوری نامرئی کردن

یک وسیله نامرئی کننده با دستکاری کردن امواج الکترومغناطیس نور (انتقال نور) موجب می شود که شیء مربوطه به طور موقت قابل دیده شدن نباشد. مهم‌ترین رویکرد در نامرئی کردن، که امروزه بسیار مورد توجه است، با استفاده از فرامواد انجام می شود.



شکل ۸: (بالا) دو نوع تشدیدکننده حلقه‌ای و مربعی، (پائین) ساختار تشدیدکننده‌های حلقه‌ای SRR<sup>۱</sup> و مدار معادل آن (۱۹).  
Figure 8: a) Geometry of SRR with no. of turns b) Equivalent circuit diagram of SRR [19].

در واقع، مطالعه بر روی خواص ویژه نوری فرامواد با بررسی تشدیدکننده‌های حلقه‌ای شکاف‌دار<sup>۱</sup> آغاز شد که اگر با یک بخش الکتریکی هماهنگ شوند در نتیجه با تشدید شدن در یک بسامد ویژه نوعی مغناطیسی ساختگی در آنها ایجاد می شود. در یک تشدیدکننده، دو حلقه باز در درون هم وجود دارد که حلقه دومی دارای یک شکافی است که در مقابل شکاف حلقه اول قرار می گیرد. تشدیدکننده‌های حلقه‌ای می توانند مربع یا دایره‌ای باشند. شکل ۸ انواع تشدیدکننده‌های حلقه‌ای و یک تشدیدکننده و مدار معادل آن را نشان می دهد (۱۹).

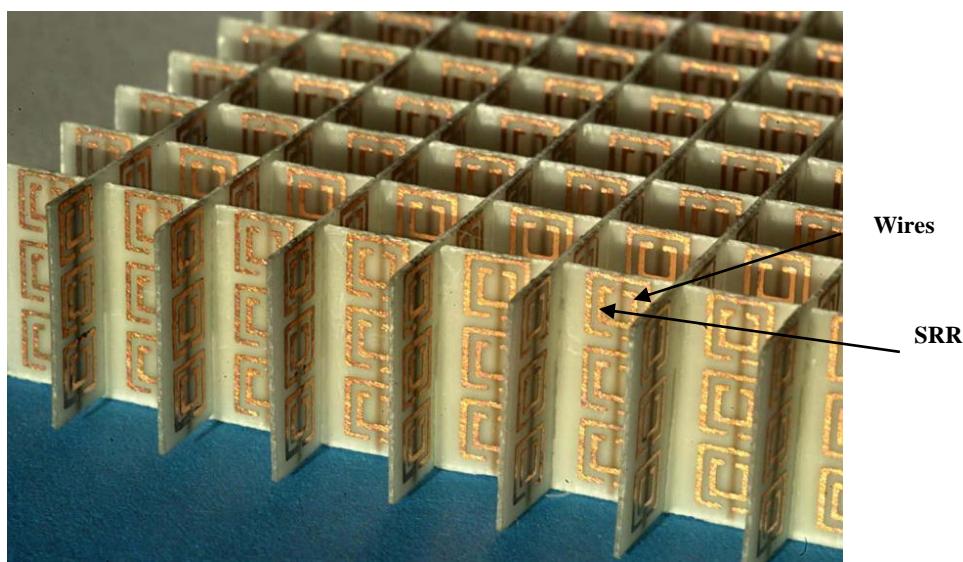
این نوع ساختار موجب به وجود آمدن یک توان الکتریکی می شود که از یک طرف باعث کاهش بسامد روزنанс شده و از طرف دیگر باعث افزایش شدت میدان الکتریکی اولیه می گردد. بطور ساده می توان گفت هنگامی که این سلول اولیه به طور منظم تکرار شود موجب ایجاد جفت‌شده مغناطیسی تقویت شده بین واحدها و در نتیجه منجر به یک میدان جفت‌شده مغناطیسی بزرگی می شود. این شرایط منجر به ایجاد شرایطی غیرطبیعی از جمله نفوذپذیری مغناطیسی منفی می شود.

دارا بودن ضریب نفوذپذیری مغناطیسی ( $\mu$ ) منفی و ضریب گذردهی الکتریکی ( $\epsilon$ ) منفی بطور هم‌زمان شرط اولیه برای داشتن موادی با ضریب شکست منفی است.

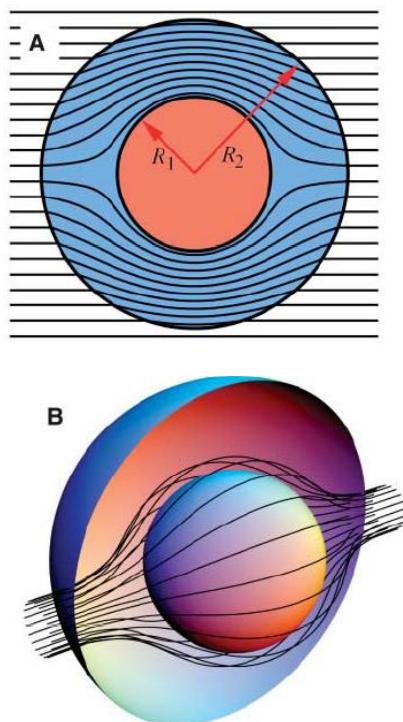
دستیابی به ضریب گذردهی الکتریکی منفی خیلی پیچیده نیست و فلزاتی مانند طلا و نقره با سطوح بسیار صیقلی می توانند دارای چنین شرطی باشند. اما دستیابی به ضریب نفوذپذیری مغناطیسی منفی و بطور هم‌زمان با ضریب گذردهی الکتریکی منفی امری بسیار مشکل بوده و در حالت طبیعی هیچ ماده‌ای نمی تواند چنین خاصیتی داشته باشد. در حالت کلی، خواص فیزیکی مواد موجب ایجاد محدودیت‌هایی در مواد می شود. به عنوان مثال، فلزات صیقلی ضریب گذردهی الکتریکی منفی را در بسامدهای نوری مشخصی از خود نشان می دهند. پندری و همکارانش نشان دادند که اگر ذرات فلزی به شکل میله‌ای باشند بسامد ارتعاش آنها در محدوده امواج ماکروویو قرار می گیرد و در این بسامد برخی مواد فرومغناطیسی می توانند ضریب نفوذ پذیری مغناطیسی منفی هم داشته باشند. اما از نظر کاربردی مشکل اصلی، ایجاد ضریب نفوذپذیری مغناطیسی منفی در ناحیه تراهرتز (نزدیک امواج ماکروویو) است (۲۰).

دانشمندان دریافتند که سیستمی شامل یک دی الکتریک و یک فلز (طلا، نقره و مس) اگر به صورت ساختارهای بسیار کوچک و منظم تکرار شونده باشد مانند SRR عمل کرده و دارای ضریب شکست منفی می گردد. اگر بخواهیم این ساختار در تمامی جهات دارای خاصیت دستکاری نور باشد بایستی این ساختارهای منظم به

<sup>۱</sup> Split-ring resonators SRRs



شکل ۹: آرایش سه بعدی ساختارهای SRR تشکیل شده از واحدهای منظم تشدیدکننده‌های حلقوی به روش لیتوگرافی (چاپ سنگی) (۲۱).  
Figure 9: A negative index metamaterial formed by SRRs and wires deposited on opposite side lithographically on standard circuit board [21].



شکل ۱۰: مسیر شعاع‌های نور در برخورد با جسم نامرئی شونده. (الف) نمای دو بعدی و (ب) نمای سه بعدی (۲۰).

Figure 10: A ray-tracing program has been used to calculate ray trajectories in the cloack, assuming that  $R_2 \gg \lambda$ . A: two-dimensional cross section, B: A 3D view of the same process [20].

مبناً این وسیله بر رابطه‌های ماکسول، که در همه مختصات یکسانند، پایه گذاری شده و انتقال مختصات فقط مقادیر گذردهی الکتریکی و نفوذپذیری مغناطیسی را تغییر می‌دهد. و با انتخاب

فرامواد که در مقیاس نانومتری هستند دارای ضریب شکست منفی بوده و با تاثیر گذاری بر روند گسترش نور در ماده می‌توانند در تهیه وسایل و پوشش‌های نامرئی کننده کاربرد داشته باشند. در واقع امواج الکترومغناطیس نور (که موجب دیده شدن اشیاء می‌شوند) یک رابطه متقابل و دو طرفه با اشیا دارند. فرامواد، این رابطه دو طرفه را در یک محدوده خاصی از امواج الکترومغناطیس چار تغییر و تحول می‌کنند. این تغییر موجب می‌شود که نور بدون اینکه منعکس شود در اطراف ماده تغییر جهت داده و از اطراف آن عبور کند. برای تجسم بهتر این حالت یک تکه سنگ بزرگ در مسیر جریان یک رود را در نظر بگیرید و اینکه آب مجبور است آن را دور بزند اما پس از عبور از سنگ دوباره امواج آب به هم رسیده و مسیر عادی خود را طی می‌کنند (۲۰).

همان‌طور که در شکل ۱۰ مشاهده می‌شود، امواج نور پس از عبور از فرامواد خم شده‌اند. خم نور می‌تواند با ترفندهای نوری متنوعی ایجاد شود که برخی از آنها به صورت طبیعی اتفاق می‌افتد مانند سراب در بیان. در سراب پرتوهای نور خم شده و به جای زمین به سمت آسمان منعکس می‌شوند و در نتیجه زمین در زاویه‌های مشخصی نامرئی به نظر می‌رسد. ولی برای ساختن یک دستگاه نامرئی کننده کامل و خوب، رعایت موارد بیشتری از این مثال لازم است، چون ممکن است نور طبیعی اشیا کوچک‌تر از طول موج خود (۴۰۰ تا ۷۰۰ نانومتر) را پنهان کند اما این هدف نهایی نامرئی کردن نیست. برای ساخت دستگاه نامرئی کننده نور باید به اطراف شی هدایت شود تا برای ناظر این طور به نظر برسد که هیچ شئی در آنجا نیست (۲۰).

پلاسمونیک کارآمد و موثر است زیرا مرتب کردن نانوذرات در یک شکل خاص می‌تواند برای کارکردهای نوری ویژه مهندسی شود. شکل زیر دو روش عمدی برای تهیه فرامواد پلاسمونیک را مقایسه می‌کند (۲۵).

از سال‌های ۲۰۰۵ تا کنون رویکرد لیتوگرافی پیشرفتهای زیادی داشته و به روش‌های مختلفی قابل انجام بوده و شامل لیتوگرافی پرتو الکترونی، پرتو یون متکرکز، لیتوگرافی نانو ایمپرنت، لیتوگرافی کلوئیدی ماسک حفره‌ای با لایه نشانی غیرطبیعی می‌باشد.

شکل ۱۲ این روش‌ها را نشان می‌دهد (۲۶).

از مزایای روش‌های لیتوگرافی به دقت بسیار بالای آن می‌توان اشاره کرد ولی از انجا که بسیار هزینه بر هستند امکان تهیه در مقیاس بالا را ندارند. روش‌های از پائین به بالا دقت کمتری دارند ولی کم هزینه‌تر و قابل توسعه‌تر هستند (۲۷).

در روش‌های بر پایه خود سامانی نانوذرات فلزی با اشکال مشخص به عنوان واحدهای (بلوک‌های) اولیه برای ساخت مواد الکترومغناطیس مطرح هستند اما مشکل این روش منظم کردن واحدها به صورت دسته‌های منظم است. در حالی که خودسامانی توائسته موجبات تسریع ساخت مواد پلاسمونیک مهندسی شده را فراهم کند اما باید توجه زیادی بر سمت جابجایی، جهت‌گیری و ظرفیت‌دار کردن نانوذرات معطوف شود (۲۸).

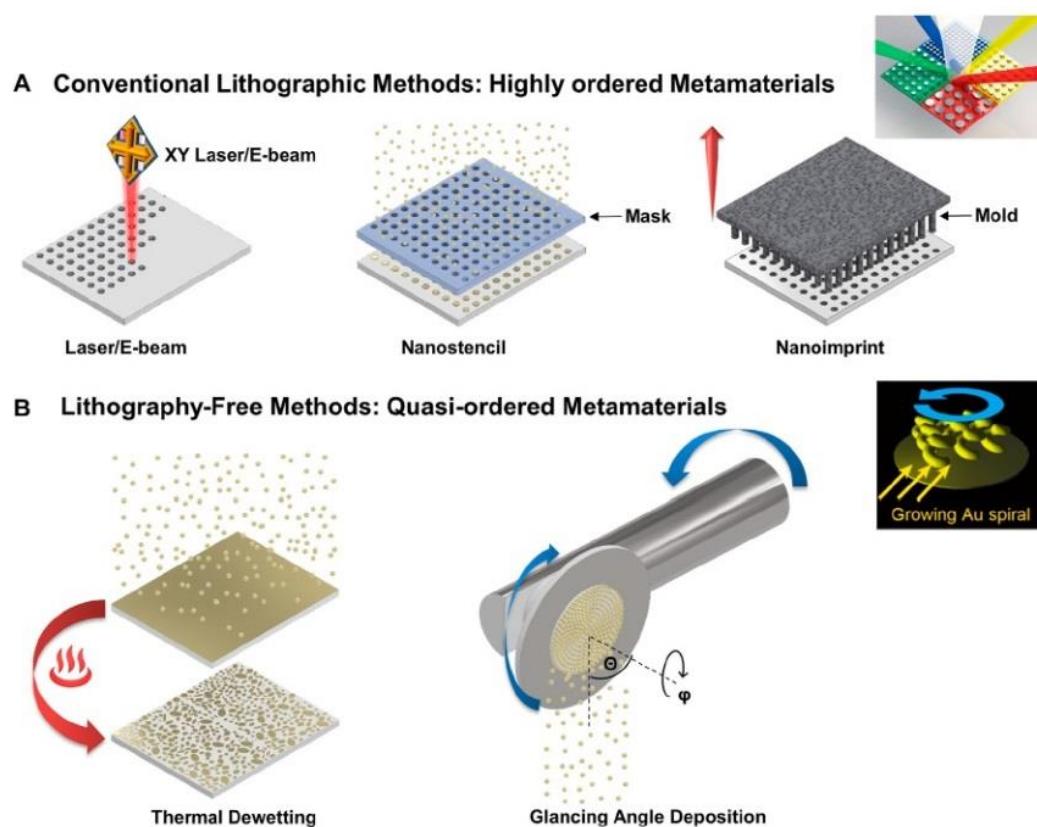
شکل ۱۱ مقایسه روش‌های بر پایه لیتوگرافی و خود سامانی را به نمایش می‌گذارد. راهبردهای مختلفی برای خودسامانی قابل برنامه ریزی از طریق تغییر شیمیائی نانوذرات به مورد اجرا گذاشته شده اند از جمله به استفاده از رابطه‌ای DNA، پلیمرهای گرفت شده یا روش‌های پیچیده عامل‌دار کردن سطح اشارة کرد (۲۶-۲۸). در هر حال، این متدها عموماً کنترل اندکی بر جهت‌گیری نسبی بین نانوذرات داشته و مشکل انتباطی بین بلوک‌های ذرات را مطرح می‌کند. استراتژی‌های خود سامانی ایده‌آل باید موجب تسریع ساخت ساختارها در مقیاس وسیع و یا تهیه فیلم‌ها بشوند به نحوی که بتواند به راحتی وارد طراحی تجهیزات نوری موجود شوند. شکل ۱۳ نمای کلی نانوذرات آرائیده شده با استفاده از DNA را به نمایش می‌گذارد (۲۸). یکی از کاربردی‌ترین روش‌های تهیه واحدهای تکرار شونده فرامواد پلاسمونیک خودسامانی ردیفهای نانوذرات پلاسمونیک در بلوک کوپلیمرها یا مخلوطهای پلیمری-نانوذرات است که در آن نانوذرات با شکل‌های مشخص روی رشته‌های پلیمری که با بستر پلیمری غیرقابل امتصاف هستند اتصال داده می‌شوند. همان‌طور که در شکل ۱۴ نشان داده شده است واحدهای نقاط مغناطیسی با ابعاد نانومتری در یک بستر پلیمری با اشکال نواری یا ذره‌ای سامان دهی شده اند (۲۹). همان‌طور که از شکل ۱۴ بر می‌اید در هر دو حالت خود سامانی واحدهای نقاط مغناطیسی با دقت بسیار بالائی در نواهای مورد نظر آرائیده شده‌اند.

بردارهای آن دو، می‌توان سیستم‌های مختلف مختصات مانند حفره را شبیه‌سازی کرد (شکل ۱۰). حفره جایی از فضاست که برای امواج الکترو مغناطیس نامرئی است. به خاطر جذب و ساده بودن این ایده، خیلی تلاش‌ها در راستای ساخت این روش نامرئی کردن انجام شد تا به نتیجه برسد. یک وسیله نامرئی کننده با دستکاری امواج الکترو مغناطیس نور (انتقال نور) موجب می‌شود که جسم مورد نظر به طور موقت قابل دیده شدن نباشد (۲۲).

تهییج یک ساختار پلاسمونیک (شامل فلز-دی الکتریک) توسط نوری که بسالم آن با بسالم تشدید ساختار پلاسمونیک هم خوانی دارد موجب می‌شود که ضربی شکست ساختار مانند هوا می‌شود. یعنی نور را نه خم می‌کند و نه بازتاب می‌دهد بلکه نور از آن عبور می‌کند. اگرچه این ساختار پلاسمونیک مقداری از نور را جذب می‌کند اما اگر با موادی پوشش داده شود که شدت نور را تشدید کند در نتیجه میزان نور جذب شده با میزان تشدید آن برابر بوده و هم‌دیگر را خنثی کرده و در آن محدوده نوری جسم نامرئی خواهد شد (۲۰).

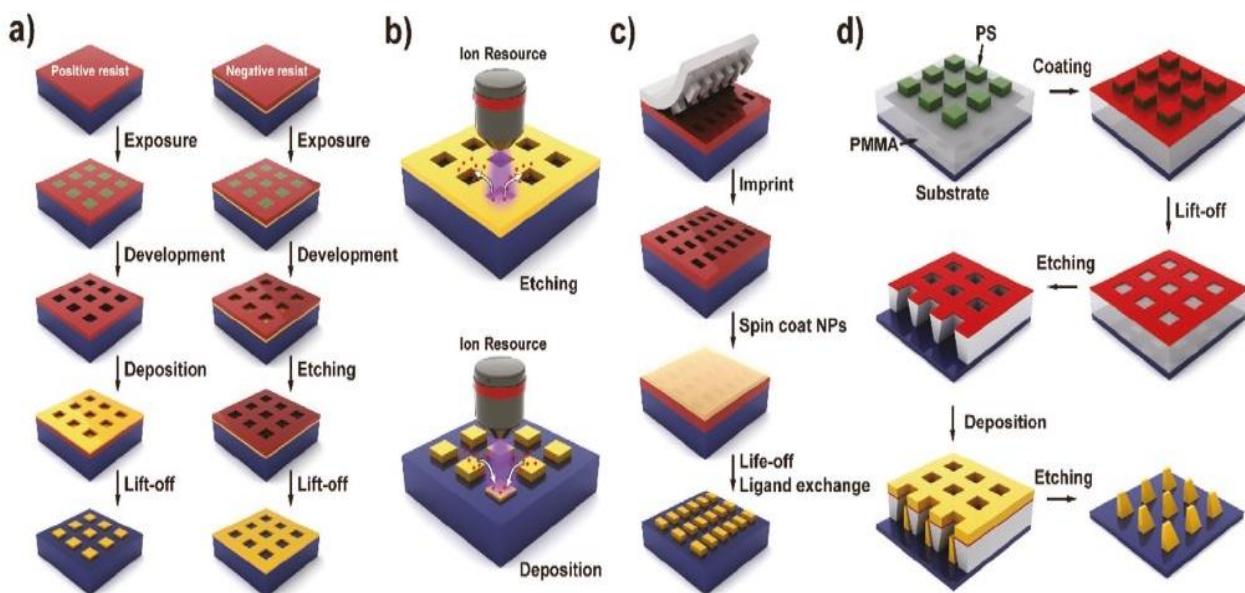
## ۵- رویکردهای تهیه موادی با ضربی شکست منفی (مواد پلاسمونیک)

تهییه واقعی موادی با ضربی شکست منفی تنها در سال ۲۰۰۰ بود که محقق شد که در آن یک گروه از محققین دانشگاه برکلی با استفاده از تجهیزات بسیار پیچیده توانستند برای نخستین بار آن هم در مقیاس میلی‌متری یک ساختار کامپوزیتی را تهیه کنند که دارای ضربی شکست منفی در محدوده امواج ماکروویو بود (۲۱). بطور کلی دو رویکرد اصلی برای تهیه فرامواد وجود دارد که شامل روش‌های بر پایه لیتوگرافی (چاپ سنگی) و روش‌های غیرلیتوگرافی مطرح هستند. روش‌های بر پایه لیتوگرافی پیچیده به عنوان رویکرد از بالا به پائین شناخته شده و در آن با روش‌های نوشتاری مستقیم قادر به تهییه نانو ساختارهای پلاسمونیک با اشکال فضایی کنترل شده شگفت‌انگیزی هستند. این روش هم بسیار هزینه بر بوده و هم اینکه امکان تولید این مواد در مقیاس زیاد وجود ندارد. از سال‌های ۲۰۰۵ رویکرد غیرلیتوگرافی یا روش از پائین با بالا برای ایجاد مواد پلاسمونیک مورد توجه قرار گرفته است که به نام روش خودسامانی یا خودآرائی نیز شناخته شده هستند (۲۳-۲۴). روش‌های خودآرائی برخلاف روش‌های از بالا به پائین می‌توانند به طور همزمان در حجم وسیعی به اجرا گذاشته شوند و معمولاً با روش‌های ارزان قیمت بر پایه محلول قابل انتباطی می‌باشند. نانوذرات معدنی (غیرآلی) بلوک‌های اولیه ایده‌آلی برای ساخت مواد با راهکار پایین به بالا هستند و به تازگی برای خودسامانی کلوئیدهای نانوذرات فلزی برای تهیه مواد پلاسمونیک مورد استفاده قرار گرفته اند. این استراتژی تهیه مواد



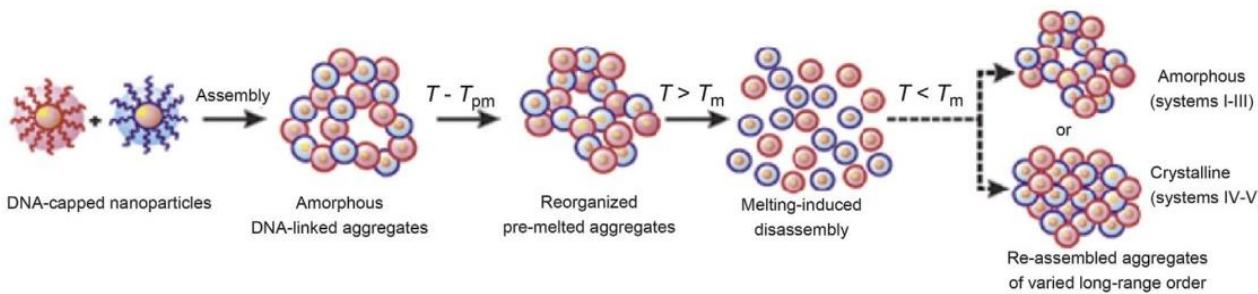
شکل ۱۱: نمای کلی مقایسه دو روش تهیه فرامواد منظم با روش لیتوگرافی (A) و تقریباً منظم با روش خودسامانی (B). [۲۵].

Figure 11: (A) Schematic diagram representing different conventional lithographic methods from left to right: Laser/E-beam lithography, nanostencil lithography, and nanoimprint lithography [25].



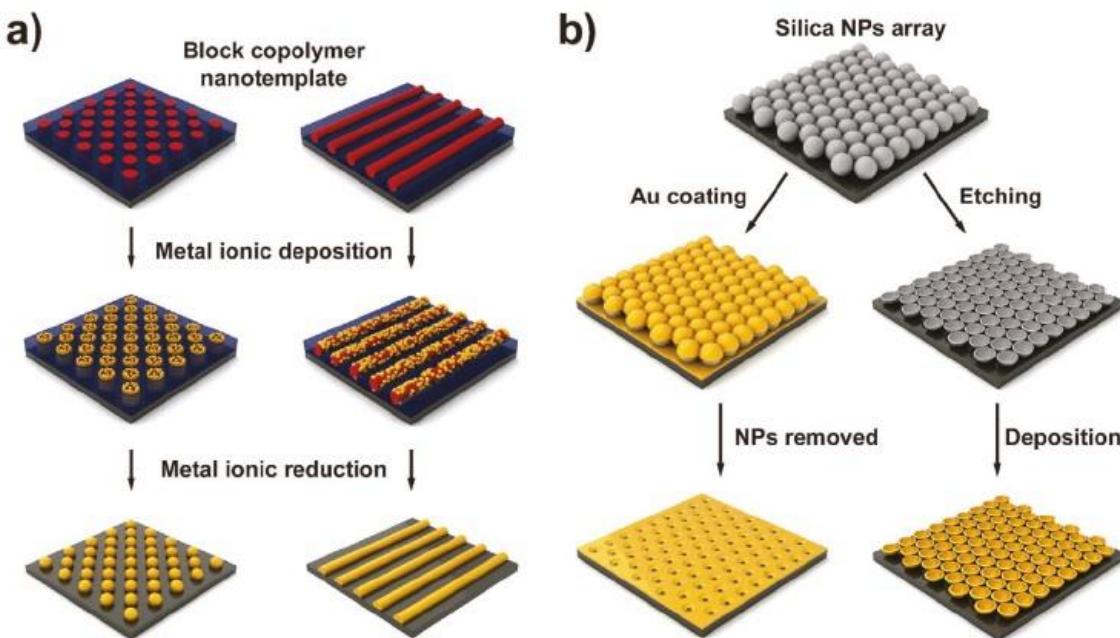
شکل ۱۲: روش‌های مختلف انجام لیتوگرافی (چاپ سنگی) (a) لیتوگرافی پرتو الکترونی (b) لیتوگرافی پرتو الکترونی (c) لیتوگرافی نانو ایمپرنت (d) لیتوگرافی کلوئیدی ماسک حفره‌ای با لایه نشانی غیرطبیعی. [۲۶].

Figure 12. Illustration of a) photolithography or electron-beam lithography process, b) focused-ion beam, c) nanoimprint lithography and d) hole-mask colloidal lithography and off-normal deposition [26].



شکل ۱۳: استفاده از DNA برای تهیه و خودآرایی نانوذرات.

Figure 13: Fabrication of plasmonic nanostructures using DNA linkers. The assembly system of DNA-capped nanoparticles [28].



شکل ۱۴: نمای کلی استفاده از روش خودسامانی در تهیه سطوح فلزی با اشکال منظم با استفاده از واحدهای کوبیلم و طرحواره نانو با استفاده از نانو ارایهها.

Figure 14. Schematic illustration for metal-surfaces ensemble prepared by self-assembled nanopatterns with a) block copolymer nanotemplate and b) NPs array [29].

الکترومغناطیس نور یک رابطه متقابل و دو طرفه با اشیاء داردند. فرامواد، این رابطه دو طرفه را در یک محدوده خاصی از امواج الکترومغناطیس دچار تغییر و تحول می‌کنند. این تغییر موجب می‌شود که نور بدون اینکه معنکس شود در اطراف ماده تغییر جهت داده و از اطراف آن عبور کند. دانشمندان دریافتند که ساختارهای پلاسمونیک شامل یک دیالکتریک و یک فلز (طلاء و نقره) اگر به صورت ساختارهای بسیار کوچک و منظم تکرار شونده باشد می‌تواند مانند یک تشدیدکننده حلقه‌ای SRR عمل کرده و دارای ضربیت شکست منفی گرددند. تهییج یک ساختار پلاسمونیک توسط نوری که بسامد آن با بسامد تشدید ساختار پلاسمونیک هم خوانی دارد موجب

#### ۶- نتیجه گیری

در این مقاله پدیده نامرئی شدن بر اساس علوم نوری و نانومواد مورد بررسی قرار گرفت. اساس نامرئی شدن بر استفاده از فرامواد قرار دارد. این ساختارهای طراحی شده دارای خواص الکترومغناطیسی استثنائی هستند که محدودیتهای مواد معمولی را به چالش می‌کشند. متامتریال‌ها در طبیعت یافت نشده و دارای خواص نوری ویژه‌ای از جمله ضربیت شکست منفی هستند و محققین از طریق طراحی و چیدمان دقیق نانوساختارها، این فرامواد را برای انحراف و کنترل نور تنظیم کرده و نور را به اطراف جسم هدایت می‌کنند بنحوی که برای مشاهده گر نامرئی شود. در واقع، امواج

رویکرد منظم کردن واحدهای اولیه از نانوذرات پلاسمونیک است که آن را با استفاده از عامل دار کرده ذرات، پیوند DNA بر روی ذرات و یا استفاده از یک بستر پلیمری حل کرده‌اند.

### تشکر و قدردانی

از پشتیبانی و حمایت پژوهشگاه رنگ برای انجام این مطالعه تشکر و قدردانی می‌شود.

### تعارض منافع

در این مقاله هیچ‌گونه تعارض منافعی توسط نویسنده‌گان گزارش نشده است.

می‌شود که ضریب شکست ساختار مانند هوا می‌شود. یعنی نور را نه خم می‌کند و نه بازتاب می‌دهد بلکه نور از آن عبور می‌کند. مهم‌ترین روش‌های تهیه فرامواد پلاسمونیک شامل روش‌های بر پایه لیتوگرافی (چاپ سنتگی) و روش‌های غیرلیتوگرافی می‌باشند. از سال‌های ۲۰۰۵ تا کنون رویکرد لیتوگرافی پیشرفت‌های زیادی داشته و به روش‌های مختلفی قابل انجام بوده و شامل لیتوگرافی کلوئیدی ماسک حفره‌ای مت مرکز، لیتوگرافی نانو ایمپرنت، لیتوگرافی کلوئیدی ماسک حفره‌ای با لایه نشانی غیرطبیعی می‌باشد. این رویکرد هم بسیار هزینه بر بوده و هم اینکه امکان تولید فرامواد در مقیاس زیاد وجود ندارد. رویکرد غیرلیتوگرافی که به نام روش خودسامانی یا خودآرائی نیز شناخته شده است برخلاف روش‌های از بالا به پائین می‌تواند به طور همزمان در حجم وسیعی به اجرا گذاشته شود. چالش مهم در این

## - مراجع

- Metamaterials based optical cloaks that promise invisible planes, vehicles and armies, and protection from earthquakes & tsunamis, 2018 Available from: <https://idstch.com>.
- Cai W, Chettiar UK, Kildishev AV, Shalaev VM. Optical cloaking with metamaterials, *nature photonics*. 2007;1:224–227. <https://doi.org/10.1016/j.crhy.2009.01.002>.
- David H, Ann S, Morgenthaler W, Kong JA. Electromagnetic waves, *Published by Pearson (edition First Edition)*, 1993.
- Rupali S, Refractive Index and its application, LAP Lambert Academic Publishing, 2018.
- Andrews DL. Photonics, Volume 2. nanophotonic structures and materials. johnwiley&sons, 2015.
- Chen J, Hu Sh, Zhu Sh, Li T, Metamaterials: From fundamental physics to intelligent design. Wily Interdisciplinary Materials. 2022;1–25. <https://doi.org/10.1002/idm2.12049>
- Dolling G, Wegener M, Photorealistic images of objects in effective negative-index materials. *Opt. Express*. 2006;14(5):1842–1849. <https://doi.org/10.1364/oc.14.001842>.
- William L B, Dereux A, Thomas W E. Surface plasmon subwavelength optics. *Natures*, 2003;424(6950):824–30. <https://doi.org/10.1038/nature01937>.
- Wang L, Hasanzadeh Kafshgari M, Meunier M. Optical properties and applications of plasmonic-metal nanoparticles. *Adv Funct Mater*. 2020;30(51),2005400. <https://doi.org/10.1002/adfm.202005400>.
- Sato A. Surface plasmon fluorescence spectroscopy and optical waveguide fluorescence spectroscopy in limit of detection studies, [Master Thesis] Max Planck Institute for Polymer Research, Mainz, 2006.
- Keusgen M. Biosensors: new approaches in drug discovery. *Naturwissenschaften*. 2002;89:433–444. <https://doi.org/10.1007/s00114-002-0358-3>.
- Zeng Sh, Baillargeat D, Hod HP, Yong KT. Nanomaterials enhanced surface plasmon resonance for biological and chemical sensing applications, *Chem Soc Rev*. 2014;43,3426. <https://doi.org/10.1039/c3cs60479a>.
- Abdulkarim YI, Abdulkarim YI, Bakir M, Yaşar İ, Ulutuş H, Karaaslan M, Alkurt FÖ, Sabah C, Dong J. Highly sensitive metamaterial-based microwave sensor for the application of milk and dairy products. *Appl Opt AO*. 2022; 61: 1972–1981. <http://doi.org/10.1364/AO.451900>.
- Islam MR, Islam MT. Metamaterial sensor based on rectangular enclosed adjacent triple circle split ring resonator with good quality factor for microwave sensing application. *Sci Rep*. 2022;12:6792. <https://doi.org/10.1038/s41598-022-10729-4>.
- Lin KT, Lin H, Yang T. Structured graphene metamaterial selective absorbers for high efficiency and omnidirectional solar thermal energy conversion. *Nat Commun*. 2020;11:1389. <https://doi.org/10.1038/s41467-020-15116-z>.
- Malen L, Fiser O, Stauffer PR., Drizdal T, Vrba J, Vrba D. Feasibility evaluation of metamaterial microwave sensors for non-invasive blood glucose monitoring, sensors. 2021;21:6871. <https://doi.org/10.3390/s21206871>.
- Veselago VG. The electrodynamics of substances with simultaneously negative values of ε and μ. *Sov Phys Usp*. 1968;10:509–514. <https://doi.org/10.1070/PU1968v01n04ABEH003699>.
- Góra P, Łopato P. Metamaterials' application in sustainable technologies and an introduction to their influence on energy harvesting devices, *Appl Sci*. 2023;13:7742. <https://doi.org/10.3390/app13137742>
- Rajni, Marwaha A. An accurate approach of mathematical modeling of srr and sr for metamaterials, *J Eng Sci Technol Rev*. 2016;9(6),82-86. <https://doi.org/10.25103/jestr.096.11>.
- Pendry J, Schurig D, Smith D. Controlling electromagnetic fields. *Sci*. 2006;1780–1782. <https://doi.org/10.1126/science.1125907>.
- Smith D, Pendry J, Wiltshire, M. Metamaterials and negative refractive index. *Sci*. 2004;305:788–792. <https://doi.org/10.1126/science.1096796>.
- Bao G, Liu H, Zou J, Nearly cloaking the full Maxwell equations: Cloaking active contents with general

- conducting layers. *J Math Pures Appl.* 2014;101:716–733. <https://doi.org/10.1016/j.matpur.2013.10.010>.
23. Stefk M, Guldin S, Vignolini S, Wiesner U, Steinere U, Block copolymer self-assembly for nanophotonics, *Chem Soc Rev.* 2015. <https://doi.org/10.1039/c4cs00517a>.
24. Alvarez-Fernandez A, Cummins C, Saba M, Steiner U, Fleury G, Ponsinet V, Guldin S. Block copolymer directed metamaterials and metasurfaces for novel optical devices *Adv. Optical Mater.* 2021;9:2100175. <https://doi.org/10.1002/adom.202100175>.
25. Furusawa G, Kan T. Au nanospirals transferred onto pdms film exhibiting circular dichroism at visible wavelengths. *Micromachines.* 2020;11(7):641-649. <https://doi.org/10.3390/mi11070641>
26. Ke Wang, Seong Hun Park, Jintao Zhu, Jung Kyu Kim, Lianbin Zhang, and Gi-Ra Yi, Self-Assembled colloidal nanopatterns toward unnatural optical meta-materials, *Adv Funct Mater.* 2020;2008246. <http://doi.org/10.1002/adfm.202008246>.
27. Bergmair I, Dastmalchi B, Bergmair M, Saeed A, Hilber W, Hesser G, et al. Single and multilayer metamaterials fabricated by nanoimprint lithography. *Nanotechnol.* 2011;22:325301.2011. <http://doi.org/10.1088/0957-4484/22/32/325301>.
28. Chao J, Lin Y, Liu H, Wang Lianhui, Fan Ch. *Mater Today.* 2015;18. <http://dx.doi.org/10.1016/j.mattod.2015.01.018>.
29. Muhlig S, Cunningham A, Dintinger J, Scharf T, Bürgi Th, Lederer Falk, et al. Self-assembled plasmonic metamaterials. *Nanophotonics.* 2013;2(3):211–240, <http://doi.org/10.1515/nanoph-2012-0036>.

**How to cite this article:**

Rasouli S. Metamaterials and invisibility, Stud color world. 2024;14(2):119-132. <https://doi.org/10.30509/JSCW.2024.82000> [In Persian].